

Список усіх завдань:

1. Напівціла формула сумування Пуасона

1. Фундаментальна область для $SL(2, \mathbb{Z})$

1. Побудова фундаментальної області через відстані на площині

1. Вимірність $\mathcal{G}_{2k}(\Gamma)$

1. Властивості дискримінантної функції Δ

1. Теорема Рімана-Роха (з доведенням для сфери) і її наслідки

1. Γ -автоморфні (модулярні) форми ваги k . Простори $\Omega_k(\Gamma)$, $\mathcal{A}_k(\Gamma)$, $\mathcal{G}_k(\Gamma)$, $\mathcal{S}_k(\Gamma)$

2. Для $\rho = \begin{pmatrix} 1 & -i \\ 1 & i \end{pmatrix} \in GL(2, \mathbb{C})$ і $SU(1, 1) = \left\{ \begin{pmatrix} u & v \\ \bar{v} & \bar{u} \end{pmatrix} \in GL(2, \mathbb{C}) \mid |u|^2 - |v|^2 = 1 \right\}$
перевірити, що $SU(1, 1) = \rho SL(2, \mathbb{R}) \rho^{-1}$

2. Описати орбіти $\Gamma_0(4)$ на $\overline{\mathbb{Q}}$

2. Представити сторони фундаментального трикутника для $SL(2, \mathbb{Z})$ як C_γ для $z_0 = ai$,
 $a > 1$

2. Знайти антипод алгебри Гопфа $H = \mathbb{K}[e_{11}, e_{12}, \dots, e_{nn}, v] / (v \det(e_{ij}) - 1)$, що представляє $GL(n)$

2. Якщо m – асоціативне множення на $G \in \mathcal{M}$, і η, η' – дві двосторонні одиниці для (G, m) , то $\eta = \eta'$.

2. Якщо (G, m, η, S) і (G, m, η, S') – дві структури групи в $\mathcal{M}$, то $S = S'$.

2. Якщо (G, m, η, S) і (G', m', η', S') – дві групи в $\mathcal{M}$, і $f : G \rightarrow G' \in \mathcal{M}$ узгоджений з множенням і одиницею, то f узгоджений і з антиподом.